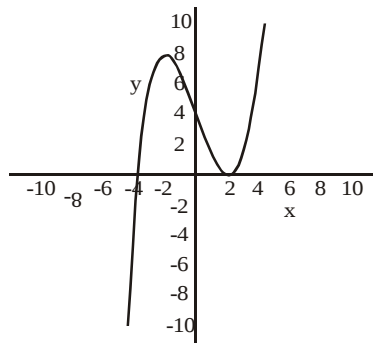


Matemática

Álgebra - Funções (Geral) - Interpretação de Gráficos [Difícil]

01 - (PUC RS)

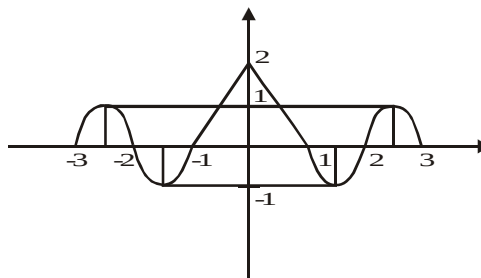
Na figura, tem-se o gráfico de $p(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$. Os valores de a , b , c e d são, respectivamente,



- a) $-4, 0, 4$ e 2
- b) $-4, 0, 2$ e 4
- c) $\frac{1}{4}, 2, 10$ e 4
- d) $\frac{1}{4}, 0, -3$ e 4
- e) $1, 0, -12$ e 1

02 - (FUVEST SP)

A função $f(x)$, definida para $-3 \leq x \leq 3$, tem o seguinte gráfico:



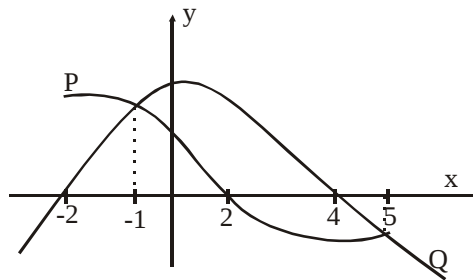
onde as linhas ligando $(-1,0)$ a $(0,2)$ e $(0,2)$ a $(1,0)$ são segmentos de reta.

Supondo $a \leq 0$, para que valores de a o gráfico do polinômio $p(x) = x(x^2 - 4)$ intercepta o gráfico de $f(x)$ em exatamente 4 pontos distintos?

- a) $-\frac{1}{2} < a < 0$
- b) $-1 < a < -\frac{1}{2}$
- c) $-\frac{3}{2} < a < -1$
- d) $-2 < a < -\frac{3}{2}$
- e) $a < -2$

03 - (FUVEST SP)

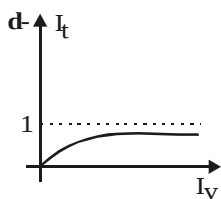
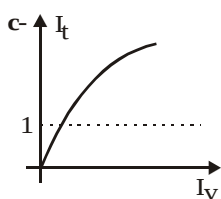
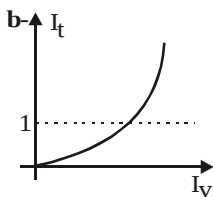
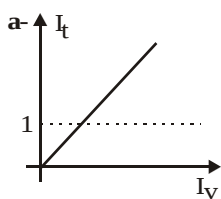
Os gráficos de duas funções polinomiais P e Q estão representados na figura ao lado. Então, no intervalo $[-4, 8]$ $P(x) Q(x) < 0$ para:



- a) $-2 < x < 4$
- b) $-2 < x < -1$ ou $5 < x < 8$
- c) $-4 \leq x < -2$ ou $2 < x < 4$
- d) $-4 \leq x < -2$ ou $5 < x \leq 8$
- e) $-1 < x < 5$

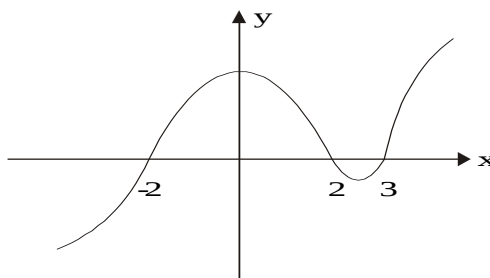
04 - (PUC RJ)

Aumentando a velocidade, diminui o tempo gasto para percorrer certa distância. O gráfico que melhor representa a taxa i_t de diminuição do tempo, em função da taxa i_v de aumento da velocidade é:

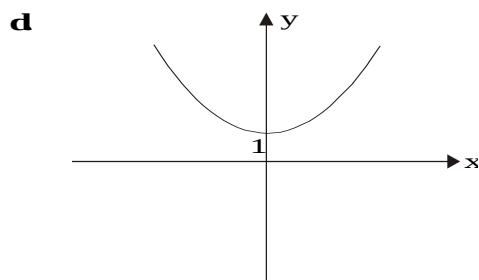
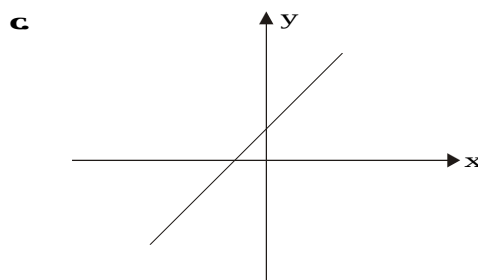
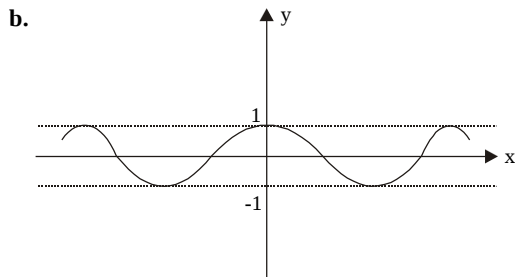
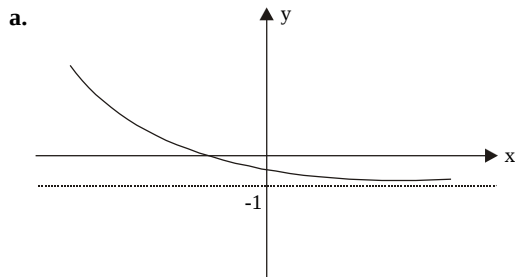


05 - (UFU MG)

Considere a função $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ cujo gráfico está representado na figura.

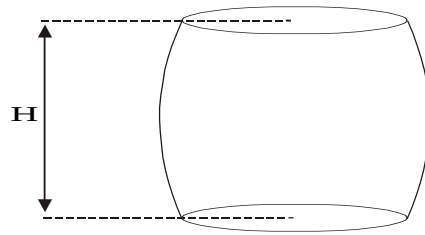


Indique, dentre as funções cujos gráficos são dados abaixo, a função g tal que $f \circ g$ tem exatamente duas raízes reais.

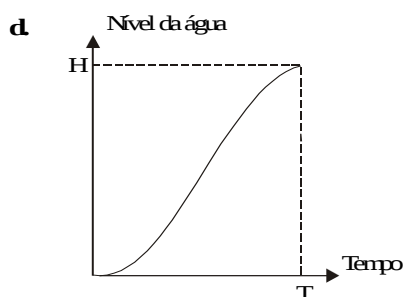
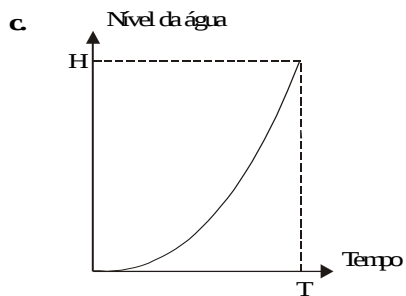
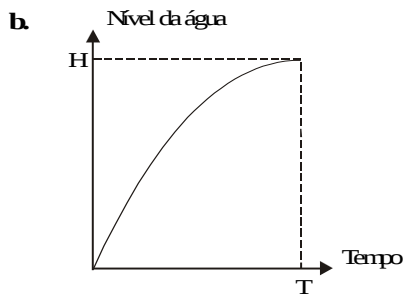
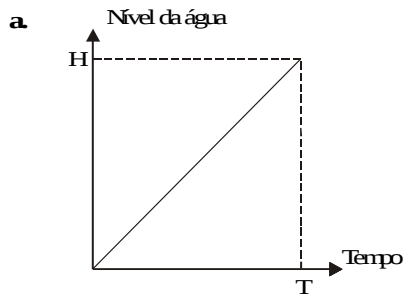


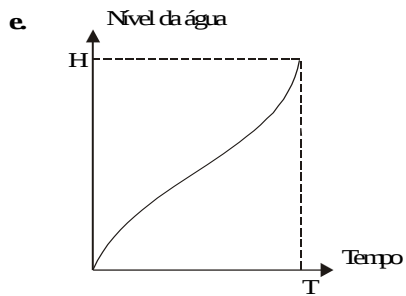
06 - (UFU MG)

Uma torneira, despejando água de modo uniforme, enche completamente o recipiente de altura H da figura abaixo, num tempo T .



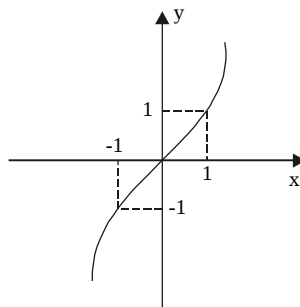
Qual dos seguintes gráficos pode representar a subida do nível da água no recipiente, do instante em que este está vazio até ficar cheio?



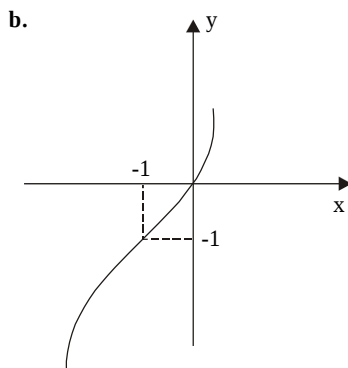
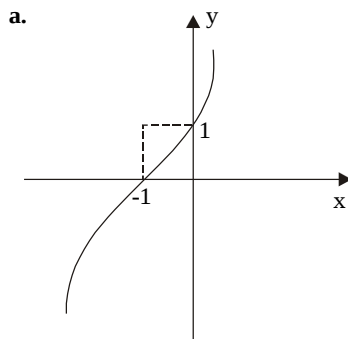


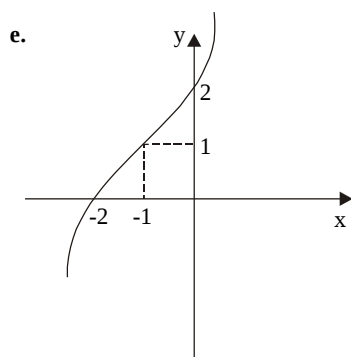
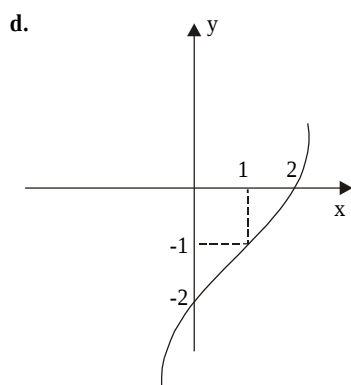
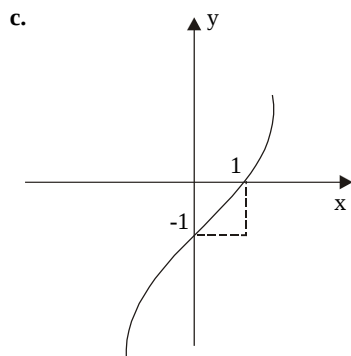
07 - (UFU MG)

Seja $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ a função cujo gráfico é o seguinte:



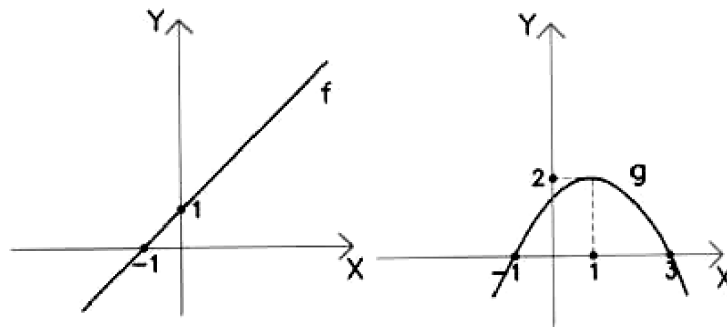
Assinale o gráfico $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ se $g(x) = f(x + 1) - 1$.





08 - (UFMS)

Nas figuras abaixo, são dados os gráficos das funções reais $y = f(x)$ e $y = g(x)$, onde f é uma função afim e g uma função quadrática.



Das afirmações:

- I. Se $0 < x < 3$, então $1 < f(x) < 3$.
- II. Se $f(x) \leq 1$, então $x \leq 0$.
- III. Se $0 < x < 2$, então $\frac{2}{3} < g(x) < 2$.
- IV. Se $g(x) < 0$, então $x < -1$ ou $x > 3$.

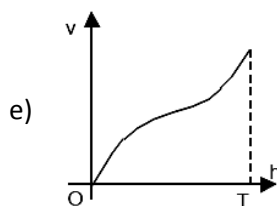
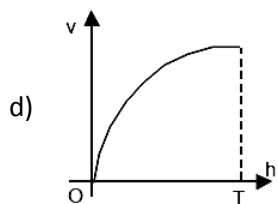
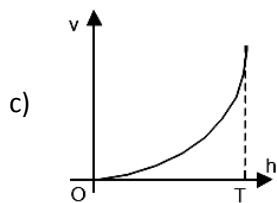
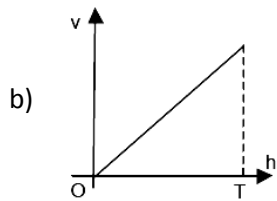
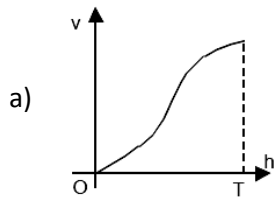
São verdadeiras apenas:

- a) I e II.
- b) I e III.
- c) II e III.
- d) II e IV.
- e) III e IV.

09 - (UFPR)

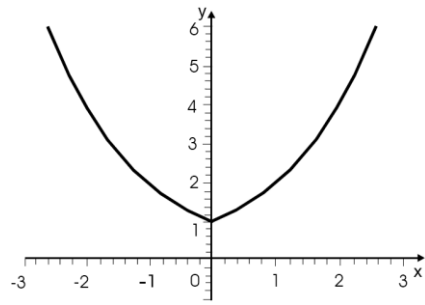
O tanque de combustível de um posto de gasolina possui o formato de um cilindro circular reto e está instalado de modo que as bases estão na vertical. Para saber o volume de combustível presente no tanque, o funcionário utiliza uma régua graduada e só necessita observar a altura alcançada pelo combustível dentro do tanque. Essa régua foi confeccionada com base no estudo da função que relaciona o volume v com a altura h , desde zero até a altura total T .

Qual dos gráficos abaixo mais se aproxima do gráfico dessa função?



10 - (UFRN)

Considerando-se as características da curva ao lado, pode-se afirmar que é o gráfico da função

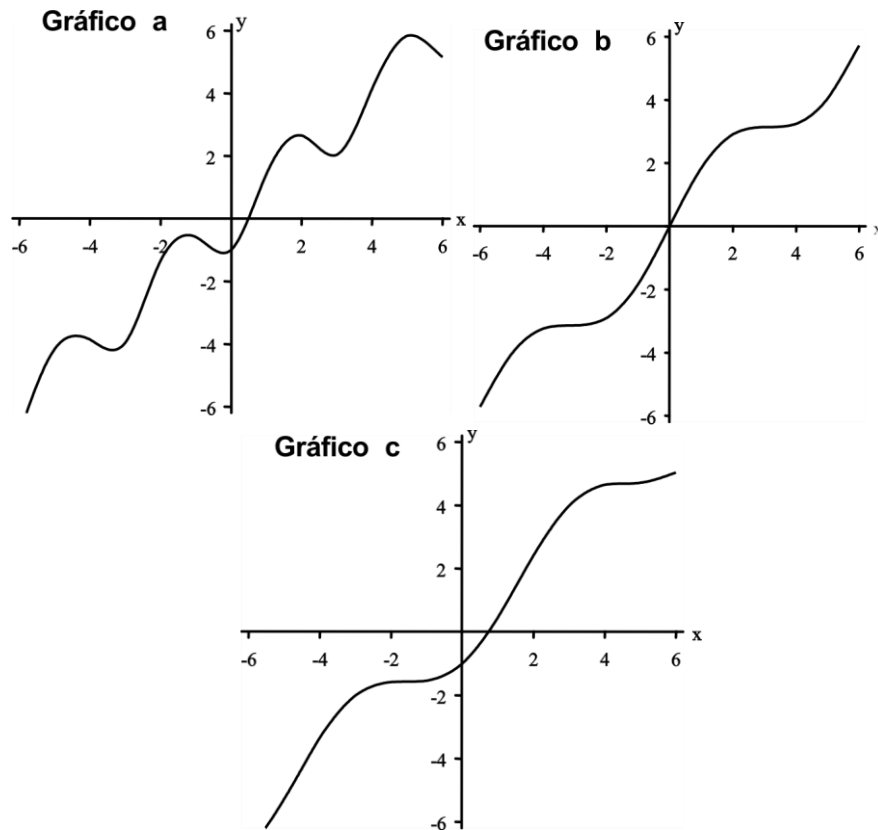


- a) $f(x) = x^2 + 2$.
- b) $f(x) = 2^{|x|}$.
- c) $f(x) = x^2 + 1$.
- d) $f(x) = 3^{|x|}$.

11 - (UFLA MG)

São apresentadas abaixo três funções I, II e III e três gráficos a, b e c. Relacione cada função a seu respectivo gráfico e, a seguir, marque a alternativa que apresenta a seqüência CORRETA.

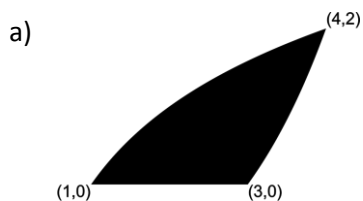
- I. $f(x) = x - \cos(2x)$
- II. $g(x) = x + \sin(x)$
- III. $h(x) = x - \cos(x)$

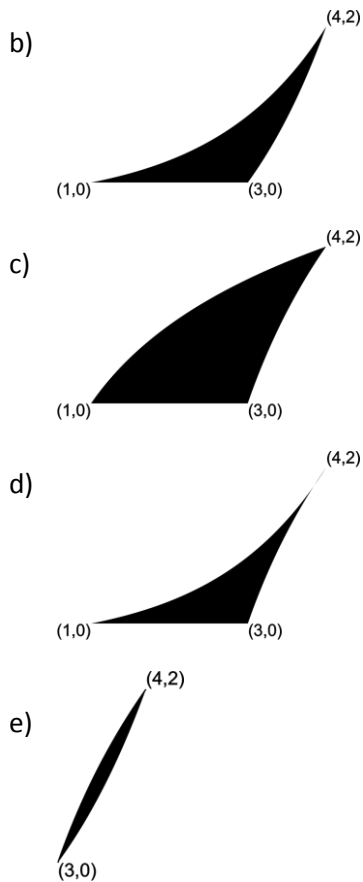


- a) I – b , II – a , III – c
- b) I – c , II – b , III – a
- c) I – b , II – c , III – a
- d) I – a , II – b , III – c

12 - (IBMEC SP)

Considere a região do plano cartesiano delimitada pelo gráfico da função $f(x) = 2^{x-2} - 2$, pelo gráfico da função $g(x) = \log_2(x)$ e pelo eixo Ox . A figura que melhor representa o formato desta região é





13 - (UEL PR)

O gráfico da função $f(x) = x^4 - ax^3 - 11x^2 + bx + 36$ intercepta o eixo das abcissas apenas nos pontos $x = 3$ e $x = -2$. Nestas condições:

- a) $a + b = -20$
- b) $a + b = -17$
- c) $a + b = 10$
- d) $a + b = 14$
- e) $a + b = 22$

14 - (UEL PR)

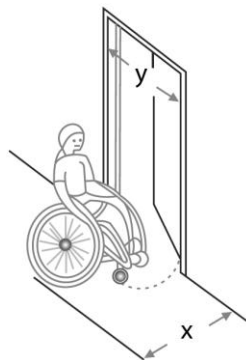
Em cada alternativa a seguir são dadas duas funções. Assinale a alternativa em que os gráficos destas funções têm apenas um ponto em comum.

- a) $y = x^2$ e $y = (x + 2)^2$
- b) $y = x^2$ e $y = x^2 + 2$
- c) $y = x^2$ e $y = x + 2$
- d) $y = x^2 + 2$ e $y = 0$
- e) $y = (x + 2)^2$ e $y = x - 2$

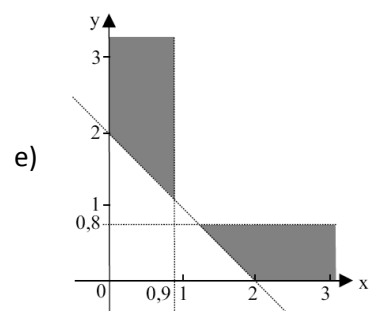
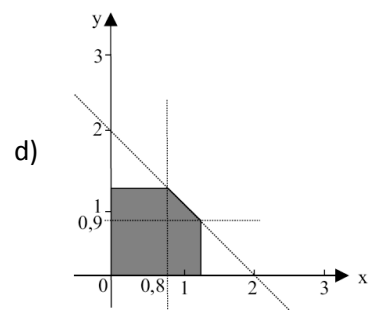
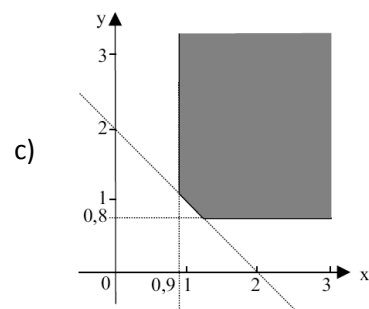
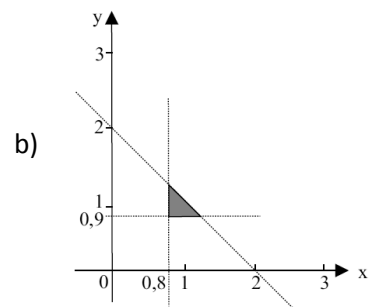
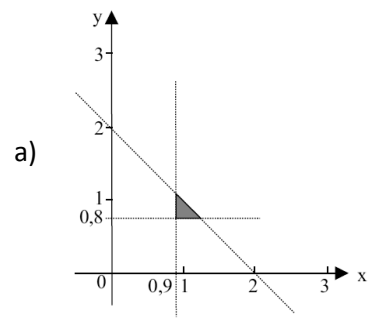
15 - (UFTM)

Uma pessoa em cadeira de rodas necessita de espaço mínimo para a rotação da sua cadeira em um corredor que dá acesso a uma porta.

De acordo com as normas técnicas da obra, a largura mínima (x) do corredor deve ser de 90 cm, a da porta (y) de 80 cm e, além disso, é necessário que a soma dessas duas medidas seja igual ou maior que 2 m.



Uma representação no plano cartesiano ortogonal apenas dos pares (x, y) , com ambas coordenadas dadas em metros, que atendem às normas técnicas da obra, é



16 - (UDESC SC)

Considere a função cujo gráfico está representado na Figura 1.

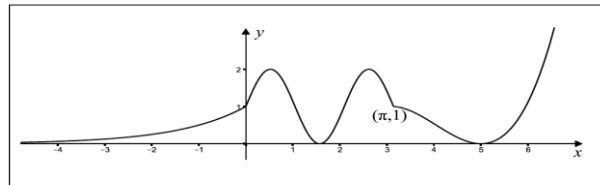


Figura 1

Esta função pode ser expressa por:

$$\text{a) } f(x) = \begin{cases} 2^x, & \text{se } x \leq 0 \\ \cos(3x), & \text{se } 0 < x < \pi \\ \frac{(\pi + 1 - x)(x - 5)^2}{(\pi - 5)^2}, & \text{se } x \geq \pi \end{cases}$$

$$\text{b) } f(x) = \begin{cases} 2^{-x}, & \text{se } x \leq 0 \\ \sin(3x), & \text{se } 0 < x < \pi \\ \frac{(x + 1 - \pi)(x - 5)^2}{(\pi - 5)^2}, & \text{se } x \geq \pi \end{cases}$$

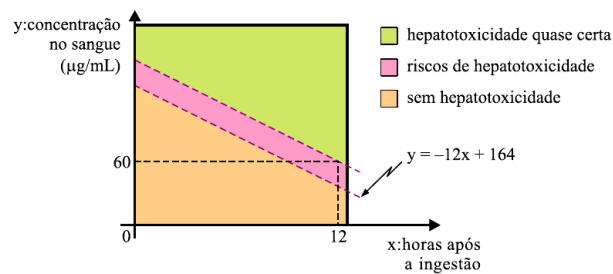
$$\text{c) } f(x) = \begin{cases} 2^{-x}, & \text{se } x \leq 0 \\ \sin(x) + 1, & \text{se } 0 < x < \pi \\ \frac{(x - 5)^2}{(5 - \pi)^2}, & \text{se } x \geq \pi \end{cases}$$

$$\text{d) } f(x) = \begin{cases} \log(-x), & \text{se } x \leq 0 \\ \sin(3x) + 1, & \text{se } 0 < x < \pi \\ \frac{(x - 5)^2}{(5 - \pi)^2}, & \text{se } x \geq \pi \end{cases}$$

$$e) \quad f(x) = \begin{cases} 2^x, & \text{se } x \leq 0 \\ \sin(3x) + 1, & \text{se } 0 < x < \pi \\ \frac{(x+1-\pi)(x-5)^2}{(\pi-5)^2}, & \text{se } x \geq \pi \end{cases}$$

17 - (FAMECA SP)

O gráfico indica um modelo adaptado de avaliação da hepatotoxicidade de um medicamento. Por exemplo, se a concentração desse medicamento no sangue do paciente, após 12 horas da ingestão, for igual a 60 $\mu\text{g/mL}$, então o paciente estará no limite entre os riscos de estar com hepatotoxicidade e de ter hepatotoxicidade quase que certa.

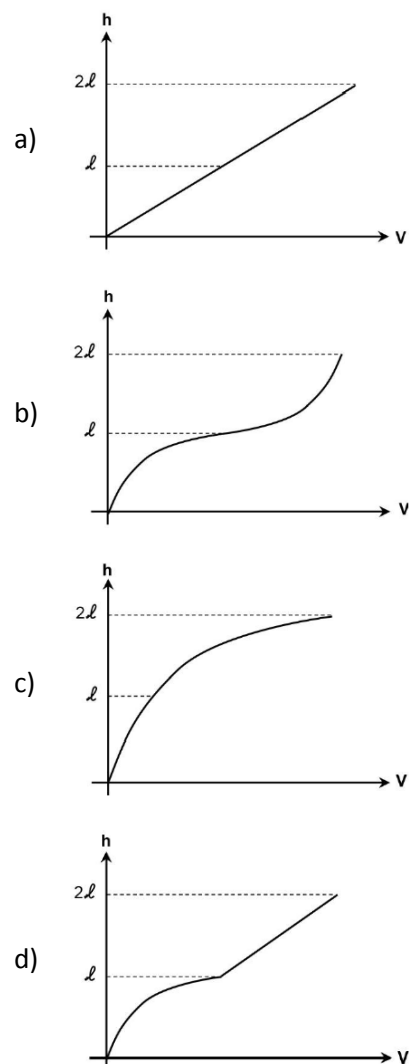
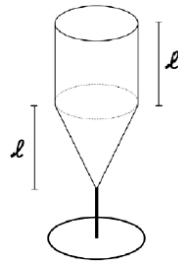


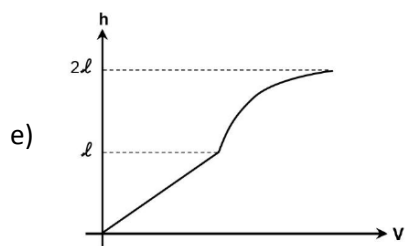
Considerando que a faixa de risco de hepatotoxicidade é formada por linhas paralelas e que ambos os eixos do gráfico estão em escala linear, a faixa do gráfico que indica “riscos de hepatotoxicidade” (faixa rosa sem as linhas que a delimitam) é algebricamente definida por

- a) $-12x + 164 < y < 12x - 169$.
- b) $-12x + 164 < y < -12x + 184$.
- c) $-12x + 124 < y < -12x + 164$.
- d) $-12x + 152 < y < -12x + 164$.
- e) $-12x + 164 < y < -12x + 204$.

18 - (UFPR)

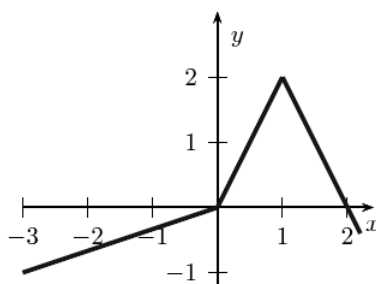
Suponha que um líquido seja despejado, a uma vazão constante, em um recipiente cujo formato está indicado na figura ao lado. Sabendo que inicialmente o recipiente estava vazio, qual dos gráficos abaixo melhor descreve a altura h , do nível do líquido, em termos do volume total V , do líquido despejado no recipiente?



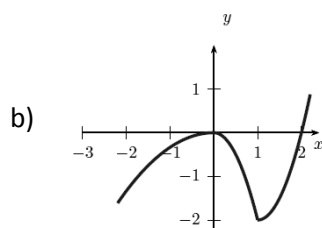
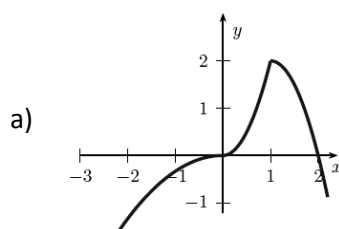


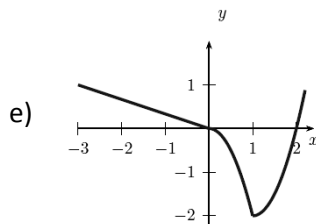
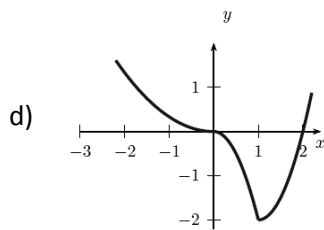
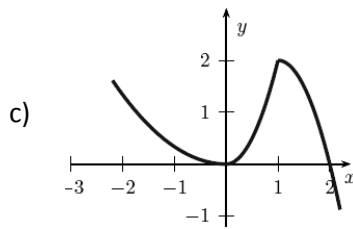
19 - (IBMEC SP)

A função g , de domínio real, tem parte de seu gráfico mostrada na figura a seguir.



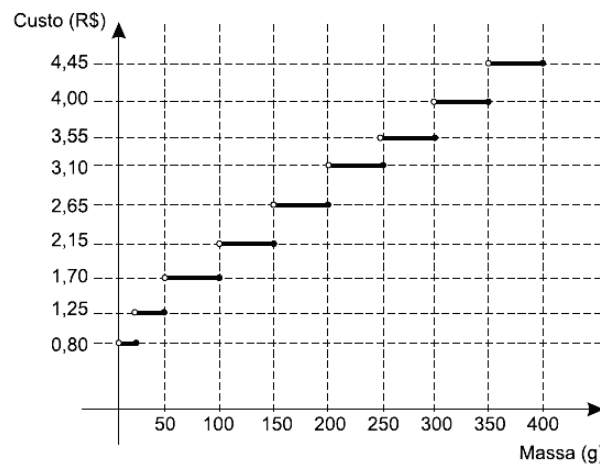
O gráfico da função $f(x) = x \cdot g(x)$ é melhor representado por





20 - (ENEM)

Deseja-se postar cartas não comerciais, sendo duas de 100 g, três de 200 g e uma de 350 g. O gráfico mostra o custo para enviar uma carta não comercial pelos Correios:



Disponível em: www.correios.com.br.

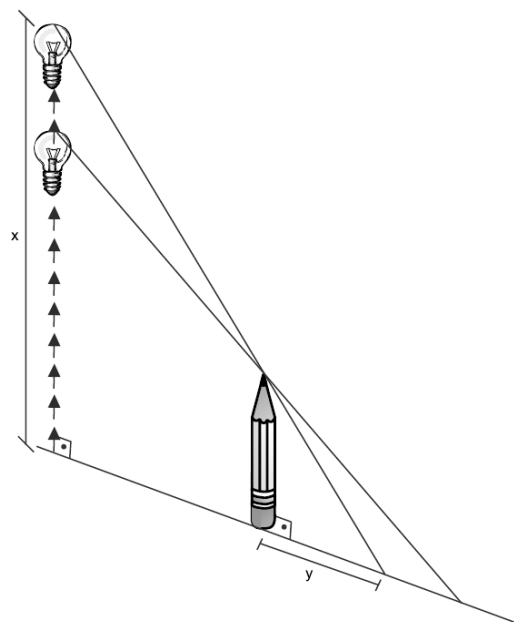
Acesso em 2 ago. 2012 (adaptado).

O valor total gasto, em reais, para postar essas cartas é de

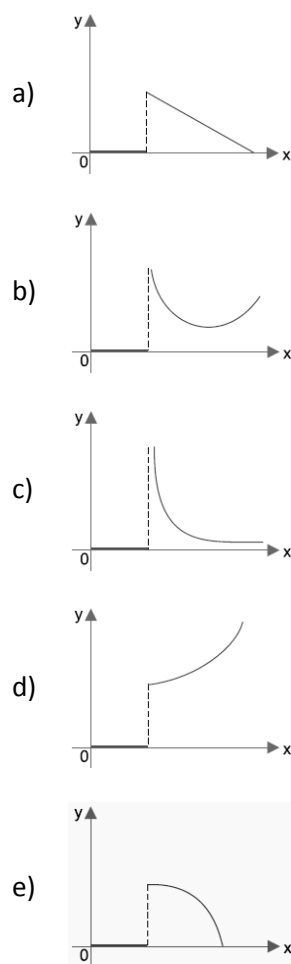
- a) 8,35.
- b) 12,50.
- c) 14,40.
- d) 15,35.
- e) 18,05.

21 - (FGV)

Um dispositivo fará com que uma lâmpada acesa se desloque verticalmente em relação ao solo em x centímetros. Quando a lâmpada se desloca, o comprimento y , em cm, da sombra de um lápis, projetada no solo, também deverá variar.

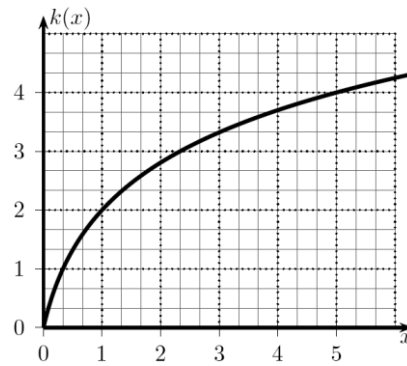


Admitindo a lâmpada como uma fonte pontual, dos gráficos indicados, aquele que melhor representa y em função de x é



22 - (IBMEC SP)

A relação entre o investimento x (em milhões de reais) na propaganda para a divulgação de um produto e o número k de potenciais consumidores (em milhões) atingidos por essa campanha é dada por uma função $k(x)$, cujo gráfico está representado a seguir.



Para avaliar o retorno dessa campanha, calculam-se dois índices, como se segue:

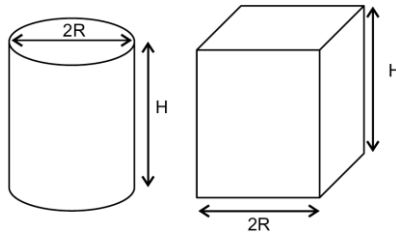
- identificam-se os valores x_1 , x_2 e x_3 para os quais 1, 2 e 4 milhões de potenciais consumidores são atingidos, respectivamente;
- a razão $\frac{x_2}{x_1}$ resulta no índice I_a ;
- a razão $\frac{x_3}{x_2}$ resulta no índice I_b .

Para a função $k(x)$ acima, o valor de $\frac{I_b + I_a}{I_b - I_a}$ é

- a) 2
- b) 3
- c) 4
- d) 5
- e) 6

23 - (ENEM)

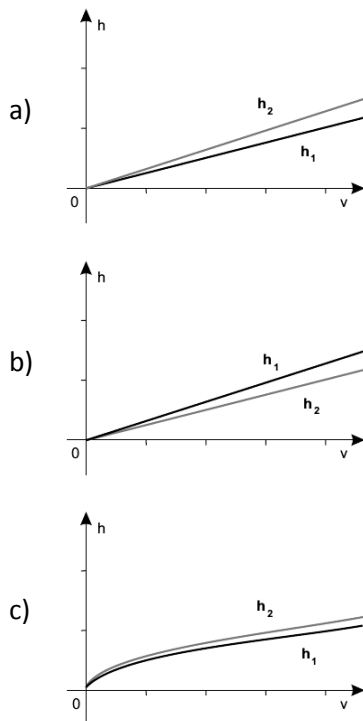
Enchem-se, segundo vazões constantes e idênticas, dois reservatórios, um em forma de um cilindro circular reto e outro em forma de prisma reto de base quadrada, cujo lado da base tem a mesma medida do diâmetro da base do primeiro reservatório.

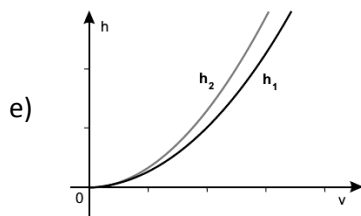
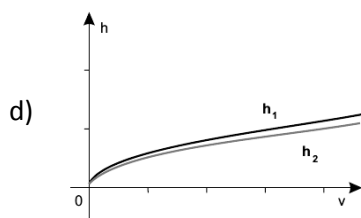


$$\text{Volume do cilindro} = \pi \cdot R^2 \cdot H$$

$$\text{Volume do prisma} = 4 \cdot R^2 \cdot H$$

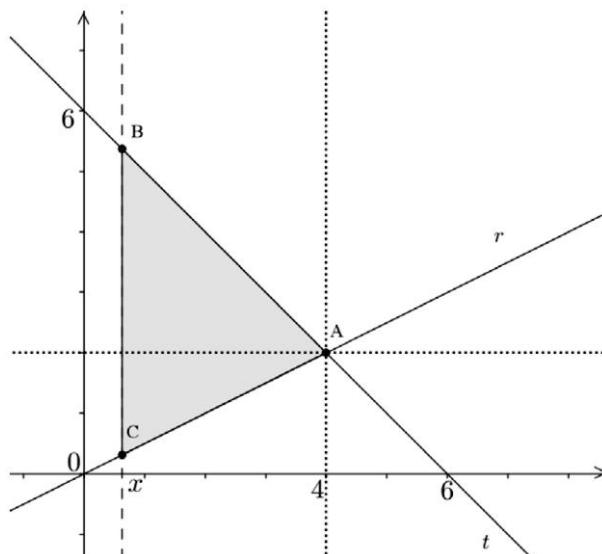
O gráfico que representa a variação das alturas dos níveis da água do reservatório cilíndrico (h_1) e do reservatório em forma de prisma (h_2) em função do volume de água contido em cada um dos reservatórios (V) estão melhor representados em





24 - (UDESC SC)

Seja f a função que representa a área do triângulo ABC, representado na figura.



A expressão da função $f(x)$, para $0 \leq x \leq 4$, é:

a) $f(x) = \frac{3}{4}x^2 - 6x + 12$

- b) $f(x) = -3x + 12$
- c) $f(x) = -x^3 + 3x^2 + x + 12$
- d) $f(x) = x^3 - 5x^2 + 4x + 12$
- e) $f(x) = -x^2 + 8x - 16$

GABARITO:

1) Gab: D	7) Gab: B	13) Gab: D	19) Gab: C
2) Gab: A	8) Gab: D	14) Gab: A	20) Gab: D
3) Gab: C	9) Gab: A	15) Gab: C	21) Gab: C
4) Gab: D	10) Gab: B	16) Gab: E	22) Gab: C
5) Gab: A	11) Gab: D	17) Gab: E	23) Gab: B
6) Gab: E	12) Gab: A	18) Gab: D	24) Gab: A